

سئوال ۱) ذره‌ی یکسان با جرم‌های m توسط فنرهایی مشابه با ضریب سختی k به یک دیگر متصل شده‌اند. این زنجیره‌ی جرم و فنر می‌تواند در یک بعد به آزادی نوسان کند.



- الف – تعداد بسامدهای طبیعی سیستم N تا است که یکی از آن‌ها صفر است.
- ب – تعداد بسامدهای طبیعی سیستم $1 - N$ تا است که یکی از آن‌ها صفر است.
- ج – تعداد بسامدهای طبیعی سیستم N تا است که هیچ کدام از آن‌ها صفر نیست.
- د – تعداد بسامدهای طبیعی سیستم $1 - N$ تا است که هیچ کدام از آن‌ها صفر نیست.

سئوال ۲) نوسان‌گری میرا به علت حضور نیروی واداشته معادله‌ی حرکتش $m\ddot{x} + b\dot{x} + kx = F_0 \cos \omega t$ می‌شود. در زمان‌های بزرگ بسامد حرکت نوسانی کدامیک از مقادیر زیر است؟

$$\sqrt{[b/(2m)]^2 - k/m} + \omega - \text{ب}$$

$$\omega - \text{د}$$

$$\sqrt{[b/(2m)]^2 - k/m} - \omega - \text{الف}$$

$$\sqrt{[b/(2m)]^2 - k/m} - \omega - \text{ج}$$

سئوال ۳) نیروی $(1 - e^{-\alpha t})F_0$ بر نوسان‌گر هم‌آهنگی وارد می‌شود که در لحظه‌ی $t = 0$ ساکن است. جرم نوسان‌گر m و ضریب ثابت فنر $k = 4ma^2$ و $b = ma$ است. $x(t)$ را به دست آورید.

سئوال ۴) مطابق شکل N جرم مشابه m توسط N فنر مشابه با ضریب سختی k به هم و به دیوار وصل شده‌اند.

الف – قانون نیوتن را برای هر یک از جرم‌ها بنویسید. با استفاده از چه شرط‌هایی مرزی‌ای معادله‌ی مربوط به همه‌ی جرم‌ها مشابه می‌شوند.

ب – بسامدهای طبیعی این دستگاه را به دست آورید.

