

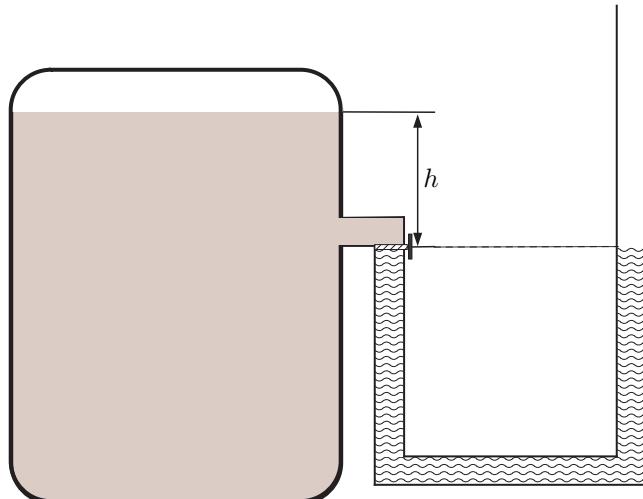
## به نام خدا

دانشگاه الزهرا - آبان ۸۹

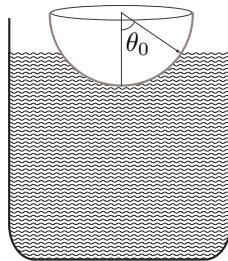
امتحان میان‌ترم اولی مکانیک شاره‌ها

مسئله‌ی 1) درونی ظرفی به جرم  $M$  را از آب کاملاً پر کرده‌ایم، به طوری که لبریز شده است. جرم آب  $m$  است.  
 الف - قطعه‌ی چوبی به جرم  $m'$  را در ظرف آب قرار می‌دهیم به طوری که با فرورفتن بخشی از قطعه‌ی چوبی مقداری آب از ظرف بیرون می‌ریزد و چوب روی آب شناور می‌شود. چگالی‌ی آب  $\rho_0$ ، و چگالی‌ی چوب  $\rho'$ ، ( $\rho' < \rho_0$ ) است. اگر این مجموعه را روی ترازو قرار دهیم چه وزنی را نشان می‌دهد؟  
 ب - قطعه‌ی یخی به جرم  $m'_0$  را در ظرف آب قرار می‌دهیم به طوری که با فرورفتن بخشی از قطعه‌ی یخ مقداری آب از ظرف بیرون می‌ریزد. چگالی‌ی آب  $\rho_0$ ، و چگالی‌ی یخ  $\rho'_0$ ، ( $\rho'_0 < \rho_0$ ) است. اگر این مجموعه را روی ترازو قرار دهیم چه وزنی را نشان می‌دهد؟ در مدتی که یخ آب می‌شود، چه قدر آب از ظرف بیرون می‌ریزد؟

مسئله‌ی 2) درونی ظرفی با سطح مقطع  $A_1$  مایعی با چگالی‌ی  $\rho_1$  ریخته‌ایم. بالای این مایع را گازی با فشار  $P_1$ ، و حجم  $V_1$  پُر کرده است. این ظرف به لوله‌ی  $U$  شکلی با سطح مقطع  $A_2$  وصل است. درون لوله‌ی  $U$  شکل مایعی با چگالی‌ی  $\rho_2$ ، ( $\rho_2 > \rho_1$ ) ریخته‌ایم. مایع در دوشاخه‌ی لوله هم ارتفاع دارد. شیری که ظرف را به لوله  $U$  شکل وصل کرده باز می‌کنیم. مایع از ظرف وارد لوله‌ی  $U$  شکل می‌شود که باعث بالا رفتن مایع در شاخه‌ی دیگر لوله می‌شود. اختلاف ارتفاع سطح مایع در دوشاخه‌ی لوله چه قدر می‌شود؟ فرآیند را هم‌دما بگیرید. در این فرآیند هم‌دما حاصل ضرب فشار در حجم گاز مقداری ثابت است.



مسئله‌ی 3) مطابق شکل، کاسه‌ای نازک با شعاع  $R = 0.15 \text{ m}$  و جرم بر واحد سطح  $\sigma = 5 \text{ kg/m}^2$  روی آب با چگالی حجمی  $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$  شناور است.



حجم بخشی از آن که فرورفته  $V$  عبارت است از

$$V = \frac{\pi R^3}{3} (\cos^3 \theta_0 - 3 \cos \theta_0 + 2).$$

معادله‌ای برای  $\cos \theta_0$  به دست آورید. جواب این معادله را به صورت  $\cos \theta_0 = 1 - \delta$  بگیرید. با فرض  $1 \ll \delta$ ، و چشم‌پوشی از جملات مرتبه‌ی دوم به بالا،  $\delta$  را به دست آورید.

مسئله‌ی 4) دو استوانه‌ی هم محور با شعاع‌های  $a$  و  $b$ ، ( $a \lesssim b$ )، را در مایعی با چگالی  $\rho$  و کشش سطحی  $\sigma$  فرو می‌بریم. شعاع دو استوانه خیلی به هم نزدیک است و مایع بین دو استوانه بالا می‌رود. ارتفاعی که مایع بین دو استوانه بالا می‌رود چقدر است؟