

سخن‌رانی جایزه‌ی نویل: رویارویی با بی‌نهایت‌ها^۱

خرارد توفت

جایزه‌ی نویل سال ۱۹۹۹ مشترکاً به خرارد توفت و مارتینوس ولتمن داده شد. این متن سخن‌رانی استاد توفت در مراسم اعطای جایزه است.

۱ انگیزه

نخستین کوشش‌ها برای ساختن مدل‌های منطبق بر واقعیت برهم‌کنش‌های ضعیف ذرات بنیادی شکست خورد، چون وقتی می‌خواستند تصحیح‌های تابشی را حساب کنند نتیجه بی‌نهایت می‌شد، که بی‌معنی است. با کشف بازبینی‌جارش پذیری مدل‌های متکی بر نظریه‌های پیمانه‌ای و سازوکاری‌هیگر^(۱)، بی‌نهایت‌های مزاحم ناپدید شدند؛ در واقع هم‌دیگر را حذف کردند. به نظر می‌آمد این موفقیت یک جادوی ریاضیات باشد، اما شاید توضیح بینش فیزیکی بی که در واقع اساس آن است، جالب باشد.

۲ مقدمه

این بالاترین افتخار^۱ ممکن برای دانشمندی در رشته‌ی من است که این جا باشد و این سخنان را ایراد کند. توصیف سیاس‌گزاریم — نه تنها از کمیته‌ی نویل و فرهنگ‌ستان سلطنتی علوم سوئد، بلکه از فیزیک‌پیشه‌گان و دوستان بسیاری که کار ما را در مرتبه‌ی ای دانستند که آن را نامزد دریافت این جایزه کنند — بسیار دشوار است. در این سخن‌رانی می‌خواهیم کوشش‌های لازم برای رام‌کردن نظریه‌های پیمانه‌ای، و عملت موفقیت‌های مان در این زمینه، و درس‌ها بی که باید یاد بگیریم را منعکس کنیم. البته من از خط‌های این کار آگاه‌ام. در گذشته اغلب پیش‌رفت دقیقاً به خاطر نادیده‌گرفتن درس‌های قبلی به دست آمده است. با این وجود، فکر می‌کنم این درس‌ها اهمیت زیادی دارند، و اگر پژوهش‌گران آینده

^۱ این مقاله ترجمه‌ای است از

Gerard 't Hooft; "Nobel lecture: a confrontation with infinity", *Reviews of Modern Physics*, vol. 72, no. 3, pp. 333–339 (April 2000)

مترجم: کامران کاویانی

بخواهند آن‌ها را نادیده بگیرند، باید بدانند دارند چه می‌کنند.

وقتی وارد رشته‌ی فیزیک ذرات بنیادی شدم، هیچ نظریه‌ی دقیقی برای برهم‌کنش‌های ضعیف وجود نداشت. (برای شرحی از تاریخ چهی پیشرفت‌ها در این زمینه به [1] رجوع کنید). می‌گفتند هر نظریه‌ای برای برهم‌کنش‌های ضعیف بازبینه‌جارش‌نایذیر از آب در می‌آید. یعنی چه؟ عملًا یعنی وقتی تصحیح‌های دامنه‌های پراکنده‌گی محاسبه می‌شد، عبارت‌ها بی به دست می‌آمد که از نظری فیزیکی ناممکن بود. از نتایجِ محاسبه چنین بر می‌آمد که این دامنه‌ها بی‌نهایت می‌شود. نوعاً چنین انتگرال‌ها بی‌پیدا می‌شد.

$$\int d^4k \frac{\text{Pol}(k_\mu)}{(k^2 + m^2)[(k + q)^2 + m^2]} = \infty \quad (1)$$

که در آن $\text{Pol}(k_\mu)$ یک چند جمله‌ای بر حسب متغیرهای انتگرال‌گیری k_μ است. این از نظری فیزیکی بی‌معنی است. در هر محاسبه‌ای، اگر اثرهای مربوط به پدیده‌های ثانویه بی‌نهایت قوی از آب در آیند، معنی آن است که چنین پدیده‌ی ثانویه ای آن قدر که به نظر می‌رسید بی‌اهمیت نیست؛ این پدیده را باید به شکل نادرستی در مدل نمایش داده باشند. پس باید به چیزها بی که در ابتدا ناچیز شمرده می‌شوند توجه بیشتری کنیم و مدل را بهتر کنیم. بی‌نهایت‌های نظریه‌ی برهم‌کنش‌های ضعیف، به خاطر برهم‌کنش‌های ذرات مجازی در انرژی‌های بسیار زیاد اند. انرژی زیاد یعنی تکانه‌ی زیاد، و در کوانتوم‌مکانیک این یعنی کوتاه‌بودن طول موج وابسته به این ذرات. پس باید نتیجه می‌شد ساختاری فاصله‌های کوچک نظریه‌های موجود درست فهمیده نشده است.

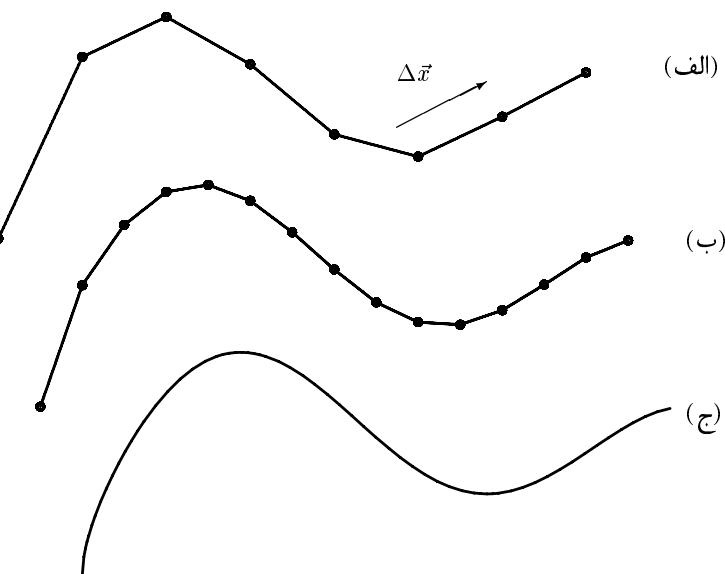
بازه‌های کوتاه مکانی و زمانی را اولین بار نیوتن⁽²⁾ و لیبنیتس⁽³⁾، با معرفی مفهوم مشتق‌گیری وارد فیزیک کردند. در توصیف حرکت سیاره‌ها و ماههای شان می‌بایست بازه‌ی زمانی کوچک Δt و جایه‌جایی جسم در این بازه ($\Delta\vec{x}$) را بررسی می‌کردند، شکل ۱ (الف). مشاهده‌ی کلیدی این بود که در حد $0 \rightarrow \Delta t$ ، نسبت

$$\frac{\Delta\vec{x}}{\Delta t} = \vec{v} \quad (2)$$

بامعنی است. ما به آن سرعت می‌گوییم. در واقع می‌شود دوباره نسبت تغییر سرعت (\vec{v}) در بازه‌ی زمانی کوچک Δt به این بازه را ساخت و باز هم نسبت

$$\frac{\Delta\vec{v}}{\Delta t} = \vec{a} \quad (3)$$

در حد $0 \rightarrow \Delta t$ وجود دارد. ما به آن شتاب می‌گوییم. کشف بزرگ آن‌ها این بود که می‌شود معادله‌های بی‌معنی بین شتاب، سرعت، و مکان نوشتم، و این که در حد t که به صفر میل می‌کند، مدل‌های خوبی برای توصیف حرکت جرم‌های سماوی به دست می‌آید، شکل ۱ (ج). از این‌جا بود که ریاضیات معادلات دیفرانسیل رشد کرد و امروز اهمیت این شاخه‌ی ریاضیات در فیزیک نظری چنان است که اغلب یادمان می‌رود آن مشاهده‌های اولیه چه قدر مهم و نابدیهی بوده اند. در نظریه‌های جدید



شکل ۱

فیزیک مدام بازه‌های مکانی و زمانی را به صفر میل می‌دهیم. در نظریه‌ی میدان‌های چندبعدی هم فرض بر این است که معادلات دیفرانسیل کار می‌کنند. اما گاهی پیش می‌باید که همه چیز اشتباه از آب در می‌آید و به نظر می‌رسد حدها یعنی که فکر می‌کردیم بلد ایم وجود ندارند. در این موارد باید رفتار مدل‌مان در مقیاس‌های زمانی و فضایی بسیار کوچک را دوباره بررسی کنیم.

ظهور انتگرال‌های بی‌نهایت در نظریه‌ی ذرات جدید نبود. بارها به آن‌ها بر خورده بودند، و در بعضی نظریه‌ها هم فهمیده بودند چه گونه باید با آن‌ها رفتار کرد. (به عنوان مثال، رجوع کنید به [2]). به کاری که باید انجام می‌شد باز به نجارش می‌گویند. تصور کنید ذره‌ای مثل الکترون به شکلی که ری کوچکی به شعاع R و جرم m_{bare} است. حالا یک بار الکتریکی به اندازه‌ی Q روی آن می‌گذاریم. انرژی میدان الکتریکی می‌شود

$$U = \frac{Q^2}{8\pi R} \quad (4)$$

بنا بر نظریه‌ی نسبیت خاص آینشتن^۴، این انرژی یک جرم اضافی به الکترون می‌دهد. مقدار این جرم اضافی U/c^2 است، که در آن c سرعت نور است. پس جرم کلی ذره و میدان می‌شود

$$m_{\text{phys}} = m_{\text{bare}} + \frac{Q^2}{8\pi c^2 R} \quad (5)$$

این جرم — جرم فیزیکی — است، که آزمایش‌گران با استفاده از قانون نیوتون (یعنی $\vec{F} = m_{\text{phys}} \vec{a}$) به

دست می آورند. چیزی که باعث نگرانی است این است که مقدار تصحیح جرم الکترون به خاطر بارش، وقتی شاعع R به صفر میل می کند بی نهایت می شود. اما ما می خواهیم R صفر باشد، چون بر اساس نظریه ای نسبیت خاص آینشتین سرعت انتشار نیروهای وارد بر ذره باید کمتر از سرعت نور باشد، و اگر R مخالف صفر باشد، به حساب آوردن این سرعت انتشار محدود دشوار است. اگر این ذره انعطاف پذیر باشد، آن وقت دیگر بنیادی نیست. پس ذراتی که اندازه‌ی شان غیر صفر باشد پایه‌ی خوبی برای یک نظریه ای موجوداتی بنیادی نیستند.

به جز این، پدیده‌ی دیگری هم هست که بار الکتریکی ذره را تغییر می دهد. به این پدیده قطبش خلا می گویند. در بازه‌های زمانی فوق العاده کوتاه، افت و خیزهای کوانتمی باعث خلق و در پی آن نابودی زوج ذره - پاد ذره می شوند. اگر این ذره‌ها بار الکتریکی داشته باشند، آن‌ها بی که بارشان مخالفی بار ذره می مورد نظر ما است به طرف این ذره حرکت می کنند، تا به این ترتیب بار آن را خنثا کنند. این پدیده معمولاً خیلی کوچک است، ولی به هر حال خلا می خواهد بار ذره می مورد نظر را پوشاند. پی‌آمد این پدیده‌ی پوشاندن آن است که بارش Q_{bare} است، در فاصله‌ی دور شیبی ذره ای دیده می شود که بارش Q_{phys} است. رابطه‌ی بین Q_{bare} و Q_{phys} هم، مثل رابطه‌ی جرم‌های ذره به بسته‌گی دارد. بازهنجارش بار هم وقتی شاعع R به صفر میل می کند بی نهایت می شود (هرچند این پدیده برای R های مخالف صفر معمولاً بسیار کوچک است).

تاژه در نیمه‌ی اول قرن بیستم بود که فیزیک پیشه‌ها در یافتن تنها خواص قابل سنجش در آزمایش گاهه ذره ای مثل الکترون، جرم فیزیکی m_{phys} و بار فیزیکی Q_{phys} آند. پس کاری که باید بکنیم این است که R را به صفر میل دهیم و m_{phys} و Q_{phys} را ثابت نگه داریم. این که در چنین حدی بر سر m_{bare} و Q_{bare} چه می آید اهمیتی ندارد، چون این کمیت‌ها را هرگز نمی توان مستقیماً سنجید. البته در این بحث اشکال‌ها بی هم وجود دارد. اگر در معادله (5) مقدار R را به صفر میل دهیم ولی m_{phys} را ثابت نگه داریم، m_{bare} باید به منفی بی نهایت میل کند. اما آیا ممکن است نظریه ای که در آن جرم ذره‌ها منفی است پایدار باشد؟ جواب منفی است، ولی خوشبختانه در نظریه‌ی کوانتمی به جای معادله‌ی (5) معادله‌ی دیگری به دست می آید. در نتیجه‌ی آن معادله m_{bare} به صفر میل می کند نه منفی بی نهایت.

3 گروه بازهنجارش

روش مدرن بحث در مورد ساختار فاصله‌های کوچک انجام تبدیل‌های مقیاس، با استفاده از گروه بازهنجارش است، [3] و [4]. این را هم می شود با بررسی معادله‌ی حرکت سیاره‌ها روشن کرد. فرض کنید بازه‌های زمانی معینی به اندازه‌ی Δt بگیریم و معادله‌ها بی برای جابه‌جایی Δx در این مدت بیابیم. فرض کنید می خواهیم حد $0 \rightarrow \Delta t$ را به دقت مطالعه کنیم. برای این کار ممکن است ابتدا

تصمیم بگیریم همه‌ی Δt ها و Δx ها را برابر 2 تقسیم کنیم، شکل ۱ (ب). مشاهده می‌کنیم اگر بازه‌های اولیه به حد کافی کوچک باشند، نتیجه‌ی محاسبه با مقدارهای جدید بسیار نزدیک به نتایج قدیم است. علت این است که در بازه‌های زمانی کوچک، سیاره‌ها و ماهها بخش‌های کوچک‌ی از مدارشان را طی می‌کنند که خیلی نزدیک خط راست است. اگر آن‌ها دقیقاً بر خط راست حرکت می‌کردند تقسیم‌بر2کردن بازه‌ها هیچ تفاوتی به وجود نمی‌آورد. اما سیاره‌ها روی خط راست حرکت می‌کنند، اگر نیرویی بر آنها وارد نشود. علت این که اصولاً کاربرد معادلات دیفرانسیل برای سیاره‌ها موفق بوده این است که در بازه‌های زمانی و مکانی بسیار کوچک می‌شود از اثر نیروها (یعنی برهم‌کنش‌ها) چشم پوشید.

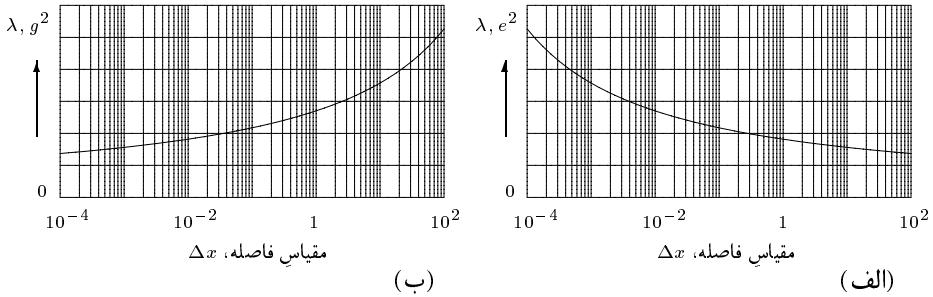
در نظریه‌های کوانتمی میدان برای ذرات بنیادی، یاد گرفته‌ایم چه‌گونه کار مشابهی بکنیم. باز هم دست‌گاه ذره‌های برهم‌کنش‌دار را در بازه‌های زمانی و مکانی بسیار کوچک بررسی می‌کنیم. اگر در مقیاس‌های به حد کافی کوچک بشود از برهم‌کنش‌ذرات چشم پوشید، آن‌گاه می‌شود فهمید حد به سمت صفر این مقیاس‌ها چه طور به دست می‌آید. در این مقیاس‌ها، چون از برهم‌کنش می‌شود چشم پوشید، همه‌ی ذره‌ها بی‌مزاحمت حرکت می‌کنند و فیزیک پدیده‌ها قابل درک است. چنین نظریه‌ها بی‌را می‌شود بر اساس ریاضیات دقیقی بنا کرد. می‌دانیم چه‌گونه می‌توان با تقریب‌زدین فضا و زمان با تقسیم‌کردن‌شان به بازه‌های محدود محاسبه کرد و در پایان حد نتیجه را به دست آورد.

اما اینجا وضع چه طور است؟ آیا برهم‌کنش‌های ذرات بنیادی در مقیاس‌های به حد کافی کوچک قابل چشم‌پوشی است؟ شگفتی بی که فیزیک‌پیشه‌ها باید یاد بگیرند چه‌گونه با آن کتاب‌بیانید این است: نه قابل چشم‌پوشی نیستند.

در واقع بسیاری از نظریه‌ها در مقیاس‌های کوچک رفتار بسیار بدی از خود نشان می‌دهند. یک سرنمونه‌ی ساده‌ی این نظریه‌ها به اصطلاح مدلی تک‌دست است. (توصیفی از آن را می‌شود در [۵] پیدا کرد.) در چنین مدلی یک میدان اسکالر چند مؤلفه‌ای هست، که از یک قید تعیت می‌کند؛ طولی کل ش ثابت است:

$$\sum_i |\phi_i|^2 = R^2 \quad (6)$$

در مقیاس‌طول‌های بزرگ، اثر این قید ملایم است، چون افت و خیزهای کوانتمی نسبت به R کوچک‌اند. اما در مقیاس‌طول‌های کوچک، افت و خیزهای کوانتمی نسبت به R بزرگ‌اند و این باعث می‌شود این اثرهای غیرخطی بسیار شدیدتر احساس شود. پس چنین نظریه‌ای در مقیاس‌طول‌های کوچک برهم‌کنش‌های قوی دارد و برعکس. پس چنین نظریه‌ای در مقیاس‌طول‌های بی‌نهایت کوچک بیمار است، و این مدل برای توصیفی درستی از ذرات بنیادی مناسب نیست. از جمله‌ی دیگر مدل‌ها بی که رفتارِ مقیاس‌کوچک بدی دارند، مدلی قدیمی برهم‌کنش چهارفرمیونی برای برهم‌کنش‌های ضعیف است، و نیز بیش‌تر مدل‌ها بی که قرار است شکل کوانتمی نظریه‌ی گرانش آینشین باشند.



شکل ۲: مقیاس‌بندی شدت جفتیش بر حسب تغییرات مقیاس فاصله، (الف) برای نظریه‌های $\lambda\phi^4$ و کیوای دی، (ب) برای نظریه‌های یانگ - میلز

اما بعضی از مدل‌های به دقت طراحی شده آن قدرها هم بد نیستند. از جمله، مدلی با ذرات بی‌اسپین، که برهم‌کنش میدان‌شان (ϕ) تنها به شکل جمله‌ای $\lambda\phi^4$ در لایکارنزی است؛ و مدلی که در آن ذرات باردار از طریق معادلات مکسول برهم‌کنش دارند (کوانتم الکترودینامیک، کیوای دی). به طور کلی مقیاس فاصله را به شکل پارامتری به اسم $\mu/1$ می‌گیریم. یک تبدیل مقیاس به اندازه‌ی ضربی ۲ به معنی افزودن $\ln 2$ به $\ln \mu$ است. اگر مقیاس طول Δx باشد، آن‌گاه

$$\mu \frac{d}{d\mu} \Delta x = -\Delta x \quad (7)$$

طی دهه‌ی ۱۹۶۰، معلوم شد در همه‌ی نظریه‌های موجود در آن زمان پارامترهای برهم‌کنش — مثلاً ضربی λ در نظریه‌ی $\lambda\phi^4$ یا ضربی e^2 در کوانتم الکترودینامیک برای الکترونها یی که بارشان e است — بر حسب μ تغییر می‌کنند و تغییرات‌شانتابعی مثبت است، [۶]. به این تابع تابع β می‌گوید:

$$\mu \frac{d}{d\mu} \lambda = \beta(\lambda) > 0 \quad (8)$$

از مقایسه‌ی این رابطه با معادله‌ی (7) دیده می‌شود λ با کاهش Δx زیاد می‌شود. در مدل‌های بسیار خاصی که از آن‌ها نام بردیم، رفتار تابع $(\lambda)\beta$ در λ ‌های کوچک به شکل λ^2 است، که البته آن‌قدر کوچک است که وقتی از یک مقیاس به مقیاس دیگری می‌رویم، جفتیده‌گی فقط اندکی تغییر می‌کند. این باعث می‌شود هر چند در مقیاس‌های هر قدر کوچک هم برهم‌کنش وجود دارد، این برهم‌کنش مضر نباشد. نتیجه این که این نظریه‌ها باز بهنجارش پذیر اند. اگر بسط اختلالی برای λ ‌های کوچک را به کار ببریم؛ ضربی هر جمله‌ای بسط به طور یکتا تعریف می‌شود. این ممکن است ما را اغوا کند که چنین نظریه‌ها یی مشکل واقعی ندارند.

اما آن موقع بسیاری از متخصص‌های این زمینه به علت محکمی نگران بودند: اگر β مثبت باشد، آن‌گاه مقیاسی وجود خواهد داشت که در آن شدت جفتیده‌گی ذرات واگرا می‌شود. در این حالت

– شکل ۲ (الف) – جواب معادله (8) می‌شود

$$\lambda(\mu) = 1/(C - \beta_2 \ln \mu), \quad \text{if } \beta(\lambda) = \beta_2 \lambda^2 \quad (9)$$

در این معادله C یک ثابت انتگرال‌گیری است. اگر $(1)\lambda$ مقدار λ ای باشد که در مقیاس $1/\mu$ سنجیده می‌شود، آن‌گاه $(1)\lambda = 1/C$. دیده می‌شود که در مقیاس $\mu = \mathcal{O}\{\exp[1/(\beta_2 \lambda(1))]\}$ ، جفتیده‌گی شدیداً بزرگ می‌شود. از آن‌جا که برای $(1)\lambda$ کوچک، این مقیاس به شکل نمایی از ما دور است، مشکل در فرمول‌بندی اختلالی دیده نمی‌شود، اما معلوم شد اگر λ خیلی کوچک نباشد – مثل نظریه‌های واقعی فیزیکی – در مقیاس معینی مشکل واقعی خواهیم داشت. پس این نتیجه‌گیری دور از عقل نبود که این نظریه‌های میدان کوانتمی بیمار اند و برای توصیف نظریه‌های ذرات باید دنبالی روش‌های دیگری بود. من به علت ساده‌ای هرگز چنین نگرانی‌ها بی نداشت. در ۱۹۷۱، محاسبات مربوطه‌ی خواص مقیاس‌بندی نظریه‌های میدان را انجام دادم و اولین نظریه‌ای که به آن پرداختم نظریه‌ی یانگ - میلز بود. یافته‌های من – با نمادگذاری مدرن – این بود که برای چنین نظریه‌ها بی

$$\beta(g^2) = Cg^4 + \mathcal{O}(g^6), \quad C < 0 \quad (10)$$

به شرطی که تعداد گونه‌های فرمیونی کمتر از ۱۱ [برای $SU(2)$] یا $16\frac{1}{2}$ [برای $SU(3)$] باشد. این محاسبه – که در اولین مقاله‌ی من در مورد نظریه‌های یانگ - میلز جرم‌دار [7] به آن اشاره شده – هرچند از نظر فنی طرایفی دارد از نظر مفهومی چندان مشکل نیست. آن موقع احتمالاً نمی‌توانستم تصور کنم چه گنجی در اختیار دارم. هیچ یک از متخصص‌ها هم نمی‌دانست ممکن است β منفی شود، چون آن‌ها همیشه خودشان را به مطالعه‌ی فقط نظریه‌های میدان اسکالر و کوانتم الکترودینامیک محدود کرده بودند، که در آن‌ها β مثبت است.

4 مدل استاندارد

اگر می‌خواستیم مشکل بی‌نهایت‌های حاصل از محاسبات مان در مورد فرآیندهای برهم‌کشی ضعیف را حل کنیم، مجبور بودیم وارد چالشی برای یافتن مدلی برای برهم‌کنش‌های ضعیف شویم، که در مقیاس طول‌های بزرگ به شکل درستی با نیروهای الکترومغناطیسی مخلوط شود، اما در فاصله‌های کوچک به حد کافی ضعیف باشد. راه حل استفاده از شکست خودبه‌خودی تقارن بود. به بیان دقیق‌تر، به سازوکار تولید جرمی که در اینجا مورد بحث است نباید شکست خودبه‌خودی تقارن گفت. چون در این نظریه‌ها خلاً تقارن پیمانه‌ای را نمی‌شکند. تقارن پنهان عبارت مناسب‌تری است [8]. ما به این سازوکار، سازوکاری هیگر می‌گوییم. در این سازوکار میدانی به کار می‌رود که با خودش برهم‌کشی از درجه‌ی چهار دارد، ولی جمله‌ی جرمی‌ش منفی است. بنابراین در حالت با انرژی کمینه مقدار میدان

غیر صفر است. این را که از چنین میدان‌ها بی می‌شود برای جرم‌دارکردن ذرات برداری استفاده کرد، از پیش می‌دانستند. اما در منابع علمی به طور وسیع به آن نپرداخته بودند. این را هم می‌دانستند که با استفاده از این روش می‌شود مدل معقولی برای برهم‌کنش‌های ضعیف ساخت. البته آن موقع فکر می‌کردند این مدل‌ها رشت اند و هنوز نمی‌دانستند این‌ها تنها راه حل مسئله‌ی مان اند.

این مدل‌های دوباره جان گرفته، هم نوع جدیدی از برهم‌کنش‌های ضعیف را پیش‌بینی کردند — که تا آن موقع ناشناخته بود — و هم پک ذره‌ی اسکالار جدید را (بُزوون هیگز، [9] تا [11]). تنها چند سال طول کشید تا وجود این برهم‌کنش‌ضعیف جدید — برهم‌کنش‌جربان‌خنثا — با آزمایش تأیید شد، اما تا زمان نوشتمن این متن، بُزوون هیگز همچنان فراری است. بعضی از پژوهش‌گران شک دارند که اصولاً چنین ذره‌ای وجود داشته باشد. اگر چنین باشد، به جای میدان هیگز باید یک میدان تک دست بگیریم — میدان‌ی که طول‌ش ثابت است. همچنین می‌توان گفت این معادل است با حالت حدی بی که در آن جرم هیگز به بی‌نهایت میل کند. ذره‌ای با جرم بی‌نهایت را نمی‌شود تولید کرد، و به همین علت است که چنین ذره‌ای پیدا نشده است. اما چنان که قبلاً دیدیم، نظریه‌های تک دست رفتار کوچک مقیاسی بدی دارند. می‌شود این طور گفت که شدت برهم‌کنش در فاصله‌های کم با جرم هیگز مناسب است؛ اگر این جرم را بی‌نهایت بگیریم، رفتار کوچک مقیاسی نظریه غیرقابل‌کنترل می‌شود. چنین مدل‌ها بی عمل‌کار نمی‌کنند. شاید آزمایش‌گران نتوانند ذره‌ی هیگز را تولید و آشکار کنند. اما پی‌آمد چنین چیزی آن است که برای توصیف ساختار کوچک مقیاس نظریه‌ی کاملاً جدیدی لازم است. نامزدها بی برای چنین نظریه‌ها بی پیش نهاده اند. این‌ها فعلاً چندان جذاب به نظر نمی‌رسند، اما کسی چه می‌داند، شاید این به خاطر محدودیت‌های فعلی دانش‌مان است. نظریه‌های جدید هم وجود تعداد زیادی ذره‌ی تاکنون ناشناخته را پیش‌بینی می‌کنند، و آزمایش‌گران از کشف و بررسی چیزها بی خوشحال خواهند شد. در این مرحله نمی‌شود عقب‌نشینی کرد. یا هیگز یا ذره‌های دیگری منتظرِ کشف‌شدن اند، شاید هم خیلی زود (مثلًاً [12] و [13]).

در مورد برهم‌کنش‌های قوی هم همین روش کار می‌کند، اما نتیجه‌ی استدلال‌ها خیلی متفاوت است. به خاطر رفتار خوب مقیاس‌بندی در نظریه‌های پیمانه‌ای خالص — شکل ۲ (ب) — می‌شود مدل‌ی ساخت که در آن برهم‌کنش در مقیاس طول‌های بزرگ به طور نامحدود قوی می‌شود، اما در فاصله‌های کوچک به صفر کاهش می‌یابد (هر چند فقط به طور لگاریتمی). چنین نظریه‌ای می‌تواند نیروهای پیونددهنده‌ی کوارک‌ها را توصیف کند. معلوم شد مقدار این نیروها در فاصله‌های بسیار بزرگ ثابت خواهد شد، در حالی که نیروهای کولنی با قانون عکس مجذور فاصله کوچک می‌شوند. پس کوانتم کرمو دینامیک — یک نظریه‌ی یانگ-میلز با گروه پیمانه‌ای $SU(3)$ — می‌توانست نامزد مناسبی برای نظریه‌ی برهم‌کنش‌های قوی باشد. این نظریه تنها مدل مجازی است که در آن شدت جفتیده‌گی بزرگ است و با این حال ساختار کوچک مقیاس آن تحت کنترل است.

برخلاف نیروهای قوی، با افزایش فاصله‌ی بین ذره‌های دارای برهم‌کنش‌ضعیف، نیروی ضعیف

بین آن‌ها به طور نمایی کم می‌شود. با نظریه‌های پیمانه‌ای می‌شود مدل‌ها بی‌ساخت که رفتارشان در فاصله‌های کوچک از نظر فیزیکی قابل قبول است، و رفتار نیروهای شان در فاصله‌های بزرگ به شکلی یکی از این سه حالت متفاوت است.

(۱) نیرو به طور نمایی کم می‌شود، مثل برهمنکش‌های ضعیف؛

(۲) نیرو با قانون عکسِ مجدوی فاصله کم می‌شود، مثل الکترومغناطیس؛ یا

(۳) نیرو به مقدار ثابتی می‌کند، مثل برهمنکش‌های قوی.

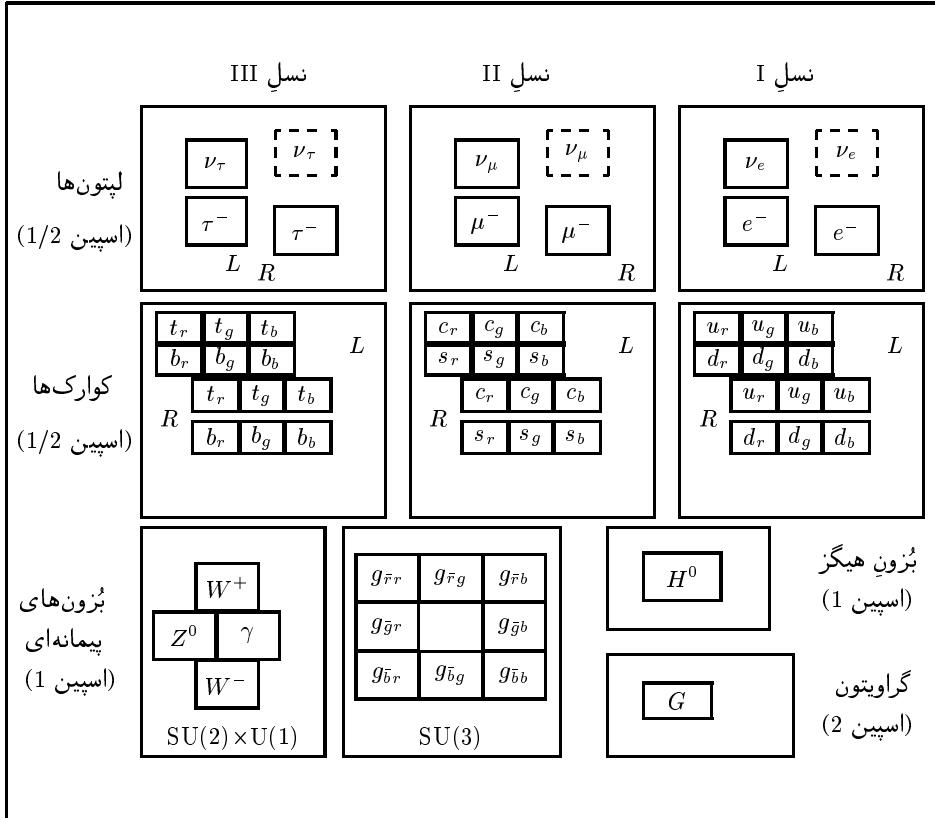
در حال حاضر، مدل استاندارد دقیق‌ترین مدلی است که طبیعت را توصیف می‌کند. این مدل دقیقاً بر اساس قاعده‌های شکل ۳ ساخته شده است. اصول کاریمان این است که داده‌ها بی‌که از طریق آزمایش درباره‌ی ذرات بنیادی به دست آمده، به رفتار فاصله‌های بزرگ این ذرات مربوط است. ساختار فاصله‌های کوچک نظریه را به عنوان اصل وارد می‌کنیم و تقاضا می‌کنیم این ساختار تا آن‌جا که ممکن است منظم باشد، بی‌آن که اصولی مثل برآوردن کامل علیت و لرنس‌ناوری را نقض کند. نه تنها پی‌آمدی‌های چنین مدل‌ها بی‌را به دقت می‌شود محاسبه کرد، بلکه معلوم می‌شود طبیعت واقعاً این طور ساخته شده است. از جهاتی به نظر می‌رسد این نتیجه زیادی خوب است، بهتر از آن که درست باشد. حدس می‌زنیم تعداد زیادی ذره و نیرو وجود دارد، که هنوز نتوانسته این در مدل استاندارد جای‌شان بدھیم، و ساختار فاصله‌های کوچک مدل استاندارد به اصلاح نیاز دارد. در ادامه دلیل‌های مان برای این ادعا را به اختصار می‌آوریم.

5 شتاب‌دهنده‌های آینده

نظریه پردازان بسیار مشتاق اند همه‌ی چیزها بی‌که می‌خواهند در مورد ساختارهای فاصله‌های کوچک بدانند را با نظرکردن محض و بر اساس اصول بنیادی به دست آورند. مناسفانه بینش کونی ما به طور نامیدکننده‌ای کم است، و تنها چیزی که داریم، مشتی حدس پراکنده است. مطمئناً آینده‌ی این رشته هنوز به گستردگی به بینش‌ها بی‌بسټه‌گی دارد که باید از آزمایش‌های جدید به دست آیند.

آزمایش‌های کونی در برخورده‌نده‌ی بزرگ الکترون پزیترون^۵ (لپ) در سرن^۶، دارد تمام می‌شود. [در زمان ترجمه تمام شده است، مترجم]. در این آزمایش‌ها سنجش‌های دقیقی انجام شد که نه تنها تأیید زیبا بی‌بر مدل استاندارد اند، بلکه راهی برای برونویابی رفتار انرژی‌های زیاد هم فراهم می‌کنند. این یعنی می‌توانیم به ساختارها در کوچک‌ترین فاصله‌های فعل‌اقبالی دسترس هم نظری بیاندازیم. مهم‌ترین نتیجه این است که این ساختارها هموار اند و برهمنکش‌های جدیدی آشکار نشده است. این نشان می‌دهد جرم‌هیگز خیلی زیاد نیست و انگیزه‌ای است برای ادامه‌ی کوشش‌های تجربی در راه کشف آن.

در آینده‌ی نزدیک هم انتظار می‌رود نتیجه‌های تجربی جالبی به دست آید، ابتدا از



برخورددهنده‌ی توانون⁽⁷⁾ در فرمی‌لَب در نزدیکی شیکاگو، و سپس از برخورددهنده‌ی هادرونی بزرگ⁽⁸⁾ (الاج سی) در سیرن، بخش مهمی از کارهای دو شتابدهنده، تلاش برای یافتن ذره‌ی فراری هیگز است. این که کدام‌شان اول هیگز را کشف می‌کنند، به جرم هیگز و پارامترهای دیگر آن بسته‌گی دارد، که مقدارشان را هنوز دقیقاً نمی‌دانیم. از تحلیل دقیق دانسته‌های کنونی مان چنین بر می‌آید که به احتمال قابل ملاحظه‌ای فرمی‌لَب⁽⁹⁾ اولین آشکار کننده‌ی هیگز خواهد بود. الاج سی، تقریباً بهیقین نه تنها این ذره را آشکار خواهد کرد، بلکه بسیاری از خواص آن از جمله جرم‌ش را هم با دقت زیادی خواهد سنجید. اگر ذره‌های آبرتقارن هم وجود داشته باشند، الاج سی برای آشکارکردن‌شان در موقعیت خوبی است. سنجش‌های الاج سی قرار است کمی پس از سال 2005 شروع شود.

اما این دستگاه‌ها هم — هر چند ساختارها بی‌را آشکار می‌کنند که تا کنون دیده نشده — محدودیت‌ها بی‌دارند. کار آن‌ها درست جایی تمام می‌شود که نظریه‌های ما تازه جالب می‌شوند و نیاز به پیش‌تر رفتن احساس می‌شود. مثل گذشته، دو انتخاب داریم: برخورددادن هادرون‌ها — مثلاً

پرتون با پادپرتون — با این مزیت که به خاطرِ جرم زیاد هادرون‌ها می‌شود به انرژی‌های بیشتری رسید، یا برخوردادن لپتون‌ها — مثلاً برخورد e^+ و e^- — با این مزیت که به خاطرِ نقطه‌ای بودن لپتون‌ها علامت‌های حاصل از برهم‌کنش آن‌ها برای سنجش‌های دقیق مناسب‌تر است [14]. البته باید هر دو روش را به کار برد. یک طرح جاه‌طلبانه‌تر برخوردادن میون‌ها است — برخورددادن μ^+ به μ^- . این‌ها لپتون‌اند، اما جرم‌شان زیاد است. اما برای این کار باید مشکلات فنی زیادی حل شود. برای شتاب‌دادن به ذرات تا انرژی‌های هر چه بیشتر، دستگاه‌های بسیار بزرگی لازم است. به ویژه الکترون‌های پرانرژی را به سختی می‌شود در مسیرهای دایره‌ای گذاشت. به همین علت طراحی شتاب‌دهنده‌های آینده بیش‌تر متمایل به شتاب‌دهنده‌های خطی است تا شتاب‌دهنده‌های دایره‌ای. یک خاصیت جالب این شتاب‌دهنده‌های خطی این است که در آینده‌ی دورتر می‌شود بزرگ‌ترشان کرد.

امیدوار ام در آینده، کوشش و شور برای طراحی و ساخت چنین دستگاه‌ها بی کم نشود. تا آن‌جا که ممکن است باید از هم‌کاری بین‌المللی استفاده کرد. یک پیش‌نهاد الیزاترون⁽¹⁰⁾ است [15]. این دستگاه یک تونل دایره‌ای غول‌پیکر است، که با آن می‌شود به انرژی‌های عظیمی رسید. با این دستگاه می‌شود حد تفکیک فضایی را صد بار بتر کرد. چیزی که مرا نگران می‌کند این است که عملایک گروه یا یک ملت پیش‌قدم می‌شود و سپس از گروه‌ها و ملت‌های دیگر می‌خواهد به طرح پیومند، اما نه در طراحی بلکه بیش‌تر در دادن کمک مالی. بر من واضح است که بهترین هم‌کاری بین‌المللی وقتی به وجود می‌آید که همه‌ی همکاران از اولین مراحل کار درگیر آن باشند. بهترین موفقیت‌ها در مؤسسه‌ها بی به دست می‌آید که نزدیک‌ترین تقریب به به‌اصطلاح دستگاه جهانی‌اند. سرن مدعی است چنین چیزی است، و در واقع علت موفقیت زیاد آن هم همین بوده است. امید که در آینده هم این موفقیت ادامه پیدا کند. متأسفانه در اسم سرن هنوز حرف ای (E) — مخفف اروپا — دیده می‌شود. این ای باید به همان اندازه‌ی ان (N) — مخفف هسته‌ای — بی معنی شود. (مدتها است فیزیکی که در سرن به آن می‌پردازند فیزیک هسته‌ای نیست بلکه فیزیک زیرهسته‌ای است). منظورم این نیست که اسم سرن را عوض کنند، بلکه این که اسم سرن تنها باید یادآور تاریخ‌چه‌ی پربار آن باشد.

6 ورای مدل استاندارد

طرح‌های علمی دیگری هستند که همین قدر جالب‌اند و ماهیتاً چندمیلیتی‌اند: طرحی برای ساخت باریکه‌ی نوتربینویی که از یک طرف زمین وارد آن شود و در طرف دیگر آشکار شود. به این ترتیب می‌شود اثر نوسان‌های ظرف نوتربینو به خاطرِ جرم کوچک آن بر تبدیل یک نوع نوتربینو به نوعی دیگر را بررسی کرد. ساخت دستگاه‌های جهانی رقابت را حذف نخواهد کرد. اما رقبات، به جای این که بین ملت‌ها باشد بین گروه‌های مختلفی خواهد بود که برای پاسخ به پرسش‌های فیزیک دستگاه‌ها و رهیافت‌های مختلفی به کار می‌برند.

جالبترین و مهم‌ترین آزمایش‌ها آن‌ها بی‌اند که خروجی‌شان را به دقت نمی‌توانیم حدس بزنیم. وضعیت آزمایش‌های الاج‌سی در آینده‌ی نزدیک دقیقاً همین است. چیزی که می‌دانیم این است که مدل استاندارد به شکل فعلی‌ش نمی‌تواند کاملاً درست باشد، هر چند برهمنکش‌های آن در مقیاس‌طول‌های فوق‌العاده کوچک هم ضعیف می‌مانند. ضعیف‌بودن برهمنکش‌ها در فاصله‌های کوچک کافی نیست؛ مقدارِ معینی ای پایی‌داری هم می‌خواهیم. بیایید دوباره مانسته‌گی حرکت سیاره‌ها بر مدارهای‌شان را به کار ببریم. بر این تأکید کردیم که در یک بازه‌ی زمانی بسیار کوچک، نیروهای وارد بر سیاره‌ها اثر ناچیزی بر سرعت‌شان دارند، چنان که سیاره‌ها طی این بازه تقریباً بر یک خط راست حرکت می‌کنند. در نظریه‌های کنونی‌مان، وضع این است که گویا در بازه‌های زمانی کوچک چندین نیروی بسیارقوی به سیاره‌ها وارد می‌شود، اما به علت ای این نیروها هم دیگر را خنثاً می‌کنند. نیروی برآیند چنان ضعیف است که اثرش بر سرعت سیاره‌ها تنها پس از گذشت زمان زیادی — روزها، هفته‌ها، ماه‌ها — آشکار می‌شود. اما در چنین وضعیتی باید علت ای برای این خنثاشدن نیروها در مقیاس‌های زمانی کم پیدا کرد. فعلاً وضعیتِ ذرات بنیادی شبیه این است که خنثاشدن این نیروها صرفاً تصادفی است. این تصادف غیرقابل توضیح است. در طبیعت هیچ مثال دیگری از این نوع نمی‌شناسیم — دست کم با این مقیاس — پس معقول است به این فکر بیفتیم که مدل استاندارد ساختار واقعی فاصله‌های کوچک را به دقت بیان نمی‌کند، بلکه تعداد زیادی ذره و نیروی دیگر در کار اند، که ماهیت‌شان هنوز روش نیست. این ذره‌ها و نیروها در یک الگوی تقارنی جدید قرار می‌گیرند، و همین تقارن است که خنثاشدن نیروهای فاصله‌های کوچک را توضیح می‌دهد.

عموماً معتقد اند جذاب‌ترین سناریو در این مورد ای همراه آبرتقارن است. آبرتقارن ذره‌های فرمیونی — با اسپین برابر با یک عدد صحیح به اضافه‌ی یک دوم — را به ذره‌های بُرونی — با اسپین صحیح — مربوط می‌کند. (در برای ای آبرتقارن منابع زیادی وجود دارد. مثلًاً رجوع کنید به مجموعه‌ی مقاله‌های [16].) اگر برهمنکش ذره‌های بنیادی ضعیف باشد، این تنها‌تقارن ای است که با آن می‌شود کارهای لازم را در حضور میدان‌های اسکالاری که سازوکار هیگز را ایجاد می‌کنند انجام داد. اما اگر برهمنکش‌ها بالآخره قوی شوند، سناریوهای دیگری مطرح می‌شوند. در این حالت ممکن است چیزی که نهشی ذره‌ی هیگز را بازی می‌کند دیگر موجود بنیادی بی نیاشد بلکه مرکب باشد، چیزی شبیه روج کویر — الکترون‌های مقید به هم — که در جامد‌های فراسرد سازوکار هیگز را اجرا می‌کنند و به آبرسانی منجر می‌شوند. چون چنین پدیده‌ها بی در فیزیک شناخته شده اند، نمی‌توان از این سناریو به ساده‌گی چشم پوشید. اما چون فعلاً هیچ شاهدی برای وجود یک برهمنکش جدید قوی در مقیاس‌انرژی TeV وجود ندارد، بیش‌تر پژوهش‌گران نظریه‌ی هیگز حالت‌مقید را دوست ندارند. یکی از مشکلات سناریوی آبرتقارن، سازوکار شکستی آبرتقارن است. چون در مقیاس‌ها بی که آزمایش‌های کنونی انجام می‌شود آبرتقارن دیده نشده، پس این تقارن شکسته است. فرض بر آن است که این شکست تَرم است، یعنی اثر آن فقط در فاصله‌های بزرگ دیده می‌شود، و تنها در مقیاس‌طول‌های بسیار کوچک است که می‌شود

این تقارن را دید. از نظر ریاضی چنین چیزی ممکن است، اما هنوز هیچ توضیح فیزیکی قانع کننده ای برای آن وجود ندارد. تنها توضیح، ممکن است از یک نظریه در مقیاس طول های باز هم کوچکتر باید، مقیاس هایی که در آن نیروهای گرانشی هم مهم می شوند.

تا اوایل دهه 1980، نویبخش ترین مدل برای نیروهای گرانشی یک شکل آبرمتقارن گرانش بود؛ آبرگرانش ([16] جلد 2). آن موقع به نظر می رسید بی نهایت ها بی که در گرانش معمولی رفع نشدنی اند، در آبرگرانش حذف می شوند. اما عجیب این که به نظر می رسید کنترل بی نهایت ها به خاطر افزایش تقارن است نه به خاطر به ترشیدن ساختار فاصله های کوچک نظریه. ثابت نیوتن در این نظریه ها — حتا اگر با یک میدان دیلاتون کنترل شود — بعده دار است، که باعث می شود برهم کنش های قوی در مقیاس طول های کوچک خارج از کنترل بمانند. چون ساختار فاصله های کوچک نظریه به درستی فهمیده نشده بود، تقریباً غیرممکن به نظر می رسید از آن نتایجی بیرون بیاید که بتواند چیزی در باره ای واقعیت های تجربی جهان ما بگوید.

به دنبال آن دوره ای آغاز شد که حدس های گستاخانه تری در باره ای ماهیت نیروی گرانش را در بر داشت. محبوب ترین و بالقوه قوی ترین نظریه در این مورد — با فاصله ای زیادی با نظریه های دیگر — نظریه ای آبریسمان است. (مثلًا به [17] رجوع کنید). این نظریه از آن جا شروع کرد که هر ذره یک تکه ریسمان (باز یا بسته) است. وجود فرمیون ها روی ریسمان یک الگوی آبرمتقارن به آن می دهد، که ممکن است منشأ آبرتقارن تقریبی بی باشد که در نظریه های مان به آن نیاز داریم. حالا می دانیم تنها در فرمول بندی اختلالی است که ذره ها شبیه ریسمان به نظر می رستند. به نظر می رسد در فرمول بندی غیراختلالی نه تنها ریسمان بلکه چیزها بی با ابعاد بیشتر — مثل غشا — هم لازم است. اما بسط اختلالی مورد نظر دقیقاً چیست؟ منظور تقریبی نیست که در فاصله های بی نهایت کوچک به کار آید. در واقع به نظر می رسد فاصله های کوچک از طریق رابطه های دوگانی به فاصله های بزرگ مربوط می شوند. آبریسمان ها را مسئول نیروی گرانش هم می دانند، وجود شان فضا و زمان را چنان خمیده می کند که به نظر می رسد بررسی فاصله های کوچک نسبت به مقیاس پلانک⁽¹¹⁾ بی معنی است.

یکی از ویژه گی های طبیعی و اجتناب ناپذیر نظریه ای آبریسمان این است که نمی شود به درستی در باره ای مقیاس طول های کوچکتر از مقیاس پلانک حرف زد و نمایندگران این بود. وقتی آدم های بیگانه یا هم کاران ای از دیگر شاخه های فیزیک به نظریه ای آبریسمان می تازند، من از آن دفاع می کنم. مفهوم های آن بسیار قوی و نویبخش اند. اما بین دوستان که هستم این انتقاد را دارم. چون نظریه ای ریسمان به گستردگی از معادلات دیفرانسیل استفاده می کند، روشن است که در آن نوعی پیوسته گی فرض شده است. باید بکوشیم فرمول بندی کوچک مقیاس به بودیافته ای برای نظریه ها بی از این نوع پیام، حتا اگر تنها برای توجیه استفاده از معادلات دیفرانسیل یا حتا انتگرال های تابعی باشد.

به جای آن که این ها را انتقادی بر نظریه های موجود بدانیم، باید از مشاهده های مان برای این استفاده کنیم که ببینیم کجا باید به دنبال پیش رفت های جدید بود. تأکید بر کاستی های ساختار های

موجود، بهترین راه یافتن روش‌های جدید و بهبود یافته است. تنها به این وسیله است که می‌توانیم امیدوار باشیم به نظریه‌ها بی‌برسم که ساختارهای مشاهده شده‌ی مدل استاندارد را توضیح می‌دهند و پیش‌بینی‌های جدیدی هم دارند، چنان که بتوانیم به دوستان آزمایش‌گرمان بگوییم کجا دنبالی ذره‌ها و نیروهای جدید بگردند.

Gerard 't Hooft; Institute for Theoretical Physics, University of Utrecht,
3584 CC Utrecht, The Netherlands e-mail: g.thooft@fys.ruu.nl

7 مرجع‌ها

- [1] R. P. Crease & C. C. Mann; “The second creation: makers of the revolution in twentieth-century physics”, (Macmillan, New York, 1986)
- [2] A. Pais; “Inward bound: of matter and forces in the physical world”, (Oxford University Press, London, 1986)
- [3] K. G. Wilson & J. Kogut; Phys. Rep. **12** (1974) 75
- [4] H. D. Politzer; Phys. Rep. **14** (1974) 129
- [5] B. W. Lee; “Chiral Dynamics”, (Gordon and Breach, New York, 1972) 60–67
- [6] D. J. Gross; in “The rise of the standard model”, (Cambridge University Press, Cambridge, 1997) 199
- [7] G. 't Hooft; Nucl. Phys. **B35** (1971) 167
- [8] S. Coleman; “Secret symmetries” in “Laws of hadronic matter”, edited by A. Zichichi (Academic, New York/ London, 1975)
- [9] P. W. Higgs; Phys. Lett. **12** (1964) 132
- [10] P. W. Higgs; Phys. Rev. Lett. **13** (1964) 321
- [11] P. W. Higgs; Phys. Rev. **145** (1966) 1156
- [12] E. Accomando *et al.*; Phys. Rep. **299** (1998) 1

- [13] P. M. Zerwas; “Physics with an e^+e^- linear collider at high luminosity”, (Cargèse lectures 1999), preprint DESY 99–178
- [14] J. Ellis; “Possible accelerators at CERN beyond the LHC”, preprint CERN-TH/99-350, hep-ph/9911440
- [15] A. Zichichi; “Fifty years of subnuclear physics: from past to future and the ELN project” in “Highlights of subnuclear physics: 50 years later: proceedings of the international school of subnuclear physics”, edited by A. Zichichi (World Scientific, Singapore and River Edge, London, 1999) 161
- [16] S. Ferrara, Ed.; “Supersymmetry”, vols. 1 & 2 (North Holland, Amsterdam, 1987)
- [17] J. Polchinski; “String theory, vol. 1, an introduction to the bosonic string”, Cambridge Monographs on Mathematical Physics, edited by P. V. Landshoff *et al.* (Cambridge University Press, Cambridge, 1998)

نامهای خاص

¹⁾ P. W. Higgs, ²⁾ I. Newton, ³⁾ G. W. Leibnitz, ⁴⁾ A. Einstein, ⁵⁾ Large Electron Positron Collider (LEP), ⁶⁾ CERN (Conseil Européen pour Recherches Nucléaires), ⁷⁾ Tevatron, ⁸⁾ Large Hadron Collider (LHC), ⁹⁾ Fermilab, ¹⁰⁾ ELOISATRON, ¹¹⁾ M. Planck

خود گیبس فکر می کرد در سیستمی که همه ای ناوردها یش به صورت مختصه های اضافه حذف شده باشد، تقریباً تمام مسیرها ای فضای فاز از تمام نقطه های آن فضای می گذرند، و این فرض را فرض ارجوک نامید؛ از کلمه های یونانی $\epsilon\rho\gamma\sigma\nu$ به معنی ای کار و $\delta o\varsigma$ به معنی ای مسیر.

Norbert Wiener, *Cybernetics, or control and communication in the animal and the machine*; 2^{ed} ed., MIT Press, Cambridge, 1965, p. 49.